

Exerciții (Roger Fenn - Geometry)

1. $\frac{1}{pg. 254}$ Fie $x = \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}, 0\right)$, $y = \left(0, \frac{1}{\sqrt{2}}, -\frac{1}{\sqrt{2}}\right)$,
 $z = \left(\frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}, -\frac{2}{\sqrt{14}}\right)$, $v = \left(-\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}, 0\right)$

patru puncte de pe sfera unitate.

Să se arate că x, y, z se află pe un cerc mare iar v este un vector unitar tangent la sferă în x .

2. $\frac{1}{pg. 256}$ Să se găsească un punct generic de pe cercul mare al sferei unitate care conține punctele $x = \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ și $y = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$. Să se determine punctul de pe acest cerc pentru care coordonata a doua este cea mai mare posibilă.

3. $\frac{1}{pg. 256}$ Să se găsească un punct generic de pe cercul mare al sferei S^3 care conține punctele $x = \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ și $y = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$.

4. $\frac{1}{pg. 258}$ Să se găsească un triunghi sferic ABC a. i. $\alpha = \beta = \gamma = \frac{\pi}{2}$. Care este aria sa?

5. $\frac{1}{pg. 161}$ Fie S o matrice anti-simetrică, i.e. $S^T = -S$. Să se arate că $I + S$ este inversabilă. Să se arate că $(I - S)(I + S)^{-1}$ este o matrice ortogonală (I este matricea unitate)

6. $\frac{1}{pg. 289}$ Fie q un quaternion nenul. Să se arate că $\{q, iq, jq, kq\}$ formează o bază în \mathbb{R}^4 . (Se va identifica \mathbb{R}^4 cu \mathbb{H} .)