

Fie  $x, y \in \mathbb{R}^3$  și fie  $J = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ .

Definim produsul vectorial Lorentzian prin

$$x \otimes y = J(x \times y)$$

unde " $\times$ " este produsul vectorial din  $\mathbb{R}^3$ .

Să se verifice:

1.  $x \otimes y = -y \otimes x$

2.  $\langle x \otimes y, z \rangle = \begin{vmatrix} x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \\ x_3 & y_3 & z_3 \end{vmatrix}$

3. (aici  $\langle, \rangle$  este produsul scalar Lorentzian din  $\mathbb{R}^3$ .)  
 $x \otimes (y \otimes z) = \langle x, y \rangle z - \langle z, x \rangle y$

4.  $\langle x \otimes y, z \otimes w \rangle = \begin{vmatrix} \langle x, w \rangle & \langle x, z \rangle \\ \langle y, w \rangle & \langle y, z \rangle \end{vmatrix}$

5. Dacă  $x, y$  sunt linii independente, pozitive (sau negative) de tip temporal, atunci  $x \otimes y$  este de tip spațial și  $\|x \otimes y\| = -\|x\| \|y\|$  și  $\eta(x, y)$ .

6. Fie  $x, y$  de tip spațial. Atunci

- 1.  $|\langle x, y \rangle| < \|x\| \|y\|$  d.d.  $x \otimes y$  este de tip temporal
- 2.  $|\langle x, y \rangle| = \|x\| \|y\|$  d.d.  $x \otimes y$  este de tip luminos
- 3.  $|\langle x, y \rangle| > \|x\| \|y\|$  d.d.  $x \otimes y$  este de tip spațial